



**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
**«ИРКУТСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»**  
ФГБОУ ВО «ИГУ»  
**Кафедра теоретической физики**

УТВЕРЖДАЮ  
Декан И.М. Буднев  
«28» июня 2016 г.

**Рабочая программа дисциплины**

Наименование дисциплины: Б1.Б.14.8 Методы математической физики

Направление подготовки: 03.03.02 Физика

Тип образовательной программы: Академический бакалавриат

Направленность (профиль) подготовки: Физика конденсированного состояния

Квалификация (степень) выпускника: Бакалавр

Форма обучения: Очная

Согласовано с УМК физического факультета

Протокол №3 от «28» июня 2016 г.

Зам. председателя Чумак  
В.В. Чумак

Рекомендовано кафедрой:

Протокол №8

От «13» мая 2016 г.

Зав. кафедрой Ловцов  
С.В. Ловцов

Иркутск 2016 г.

## Содержание

1. Цели и задачи дисциплины (модуля): .....	3
2. Место дисциплины в структуре ОПОП:.....	3
3. Требования к результатам освоения дисциплины (модуля): .....	3
4. Объем дисциплины (модуля) и виды учебной.....	3
5. Содержание дисциплины (модуля).....	4
5.1 Содержание разделов и тем дисциплины (модуля) .....	4
5.2 Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами.....	5
5.3. Разделы и темы дисциплин (модулей) и виды занятий.....	5
6. Перечень семинарских, практических занятий и лабораторных работ .....	6
6.1. План самостоятельной работы студентов.....	7
6.2 Методические указания по организации самостоятельной работы студентов .....	8
7. Примерная тематика курсовых работ (проектов) (при наличии) .....	8
8. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля): .....	8
9. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) .....	9
10. Образовательные технологии:.....	9
11. Оценочные средства (ОС):.....	9
12. Приложение: ФОС.....	13

### 1. Цели и задачи дисциплины (модуля):

Целями освоения дисциплины являются формирование представлений о теоретических основах методов математической физики; ознакомление с областью применения и современными достижениями математической физики; развитие практических навыков по составлению математических моделей простейших физических систем, решению дифференциальных и интегральных уравнений.

### 2. Место дисциплины в структуре ОПОП:

Дисциплина «Методы математической физики» входит в базовую часть общенаучного цикла ОПОП. Изучение курса предполагает наличие полученных на предыдущем уровне образования основных знаний, умений и компетенций по дисциплинам «Математический анализ», «Линейная алгебра», «Дифференциальные уравнения», «Теоретическая механика». Дисциплина «Линейные и нелинейные уравнения физики» представляет собой теоретическую основу для последующих разделов курса теоретической физики «Квантовая теория», «Электродинамика».

### 3. Требования к результатам освоения дисциплины (модуля):

Процесс изучения дисциплины (модуля) направлен на формирование следующих компетенций:

ОПК-2: способностью использовать в профессиональной деятельности базовые знания фундаментальных разделов математики, создавать математические модели типовых профессиональных задач и интерпретировать полученные результаты с учетом границ применимости моделей	<b>Знать:</b> методы математической физики. <b>Уметь:</b> провести математическую классификацию уравнений математической физики. <b>Владеть:</b> способами решения краевых задач математической физики, в особенности метод разделения переменных, опытом использования математической символики.
ОПК-3: способностью использовать базовые теоретические знания фундаментальных разделов общей и теоретической физики для решения профессиональных задач	<b>Знать:</b> основные понятия математической физики; математические модели простейших систем и процессов в естествознании. <b>Уметь:</b> провести физическую классификацию уравнений математической физики; применять методы математической физики для решения практических задач. <b>Владеть:</b> способами приведения уравнений математической физики к каноническому виду; опытом использования моделей с учетом их иерархической структуры и оценкой пределов применимости полученных результатов.

### 4. Объем дисциплины (модуля) и виды учебной

Вид учебной работы	Всего часов / зачетных единиц	Семестры			
		5			
<b>Аудиторные занятия (всего)</b>	108/3	108			
В том числе:			-		
Лекции	54/1,5	54			
Практические занятия (ПЗ)	54/1,5	54			
<b>Самостоятельная работа (всего)</b>	36/ 1	36			
Вид промежуточной аттестации (экзамен)	36/1	36			

<b>Контактная работа (всего)</b>	112/3,1	112			
Общая трудоемкость	часы	180	180		
	зачетные единицы	5	5		

## 5. Содержание дисциплины (модуля)

### 5.1 Содержание разделов и тем дисциплины (модуля)

#### Раздел 1

##### Тема 1. Физические задачи, приводящие к уравнениям в частных производных.

Уравнение малых поперечных колебаний струны. Уравнение продольных колебаний ступеней и струн. Энергия колебаний струны. Поперечные колебания мембраны. Уравнения для напряженности электрического и магнитного поля в вакууме. Граничные и начальные условия. Редукция общей задачи. Постановка краевых задач для случая многих переменных.

Тема 2. Классификация уравнений в частных производных второго порядка. Дифференциальные уравнения с двумя независимыми переменными. Канонические формы уравнений гиперболического, параболического и эллиптического типа. Классификация уравнений 2-го порядка со многими независимыми переменными. Канонические формы уравнений с постоянными коэффициентами.

#### Раздел 2

##### Тема 3. Уравнения гиперболического типа (методы решения).

Метод распространяющихся волн. Формула Даламбера. Физическая интерпретация. Неоднородное уравнение. Устойчивость решения. Полуограниченная прямая и метод продолжений.

Тема 4. Метод разделения переменных. Уравнение свободных колебаний струны. Интерпретация решения. Неоднородные уравнения. Общая первая краевая задача. Краевые задачи со стационарными неоднородностями. Общая схема метода разделения переменных.

##### Тема 5. Уравнения параболического типа.

Простейшие задачи, приводящие к уравнениям параболического типа. Постановка краевых задач. Линейная задача о распространении тепла. Распространение тепла в пространстве. Постановка краевых задач. Функция источника для уравнения параболического типа. Неоднородное уравнение теплопроводности. Краевые задачи для полуограниченной прямой. Распространение тепла в ограниченном стержне.

##### Тема 6. Уравнения эллиптического типа.

Задачи, приводящие к уравнению Лапласа. Постановка краевых задач. Формулы Грина. Основные свойства гармонических функций. Решение краевых задач методом функций Грина. Свойство симметрии функции Грина. Особенности функции Грина для двухмерного и трехмерного случая. Физическая интерпретация функции Грина. Метод электростатических изображений. Функция источника для полупространства, полуплоскости, для сферы и круга.

#### Раздел 3

##### Тема 7. Сферические функции

Полиномы Лежандра. Производящая функция и полиномы Лежандра. Рекуррентные формулы. Уравнение Лежандра. Ортогональность полиномов Лежандра. Норма полиномов Лежандра. Нули полиномов Лежандра. Присоединенные функции Лежандра. Норма присоединенных функций. Сферические функции, сферические гармоники, шаровые функции. Ортогональность системы сферических функций.

Полиномы Чебышёва-Эрмита. Дифференциальная формула. Рекуррентные формулы. \*Норма полиномов Чебышёва-Эрмита. Функции Чебышёва-Эрмита. \*Уравнение Чебышё-

ва-Эрмита.

Полиномы Чебышёва-Лагерра. Дифференциальная формула. Рекуррентные формулы. Уравнение Чебышёва-Лагерра. Ортогональность и норма полиномов Чебышёва-Лагерра. Обобщенные полиномы Чебышёва-Лагерра.

Простейшие задачи для уравнения Шредингера. Уравнение Шредингера. Гармонический осциллятор. Ротатор. Движение электрона в кулоновском поле.

Тема 8. Цилиндрические функции.

Общее уравнение теории специальных функций. Поведение решений в окрестности  $x = a$ ,  $k(a)=0$ . Постановка краевых задач. Цилиндрические функции. Уравнение Бесселя. Степенные ряды. Функции Бесселя 1-го рода  $n$ -го порядка. Рекуррентные формулы. Функции полуполого порядка. Асимптотический порядок цилиндрических функций. Краевые задачи для Уравнения Бесселя. Функции Ханкеля и Неймана. Функции мнимого аргумента. Функции  $K_0(x)$ .

Тема 9. Гипергеометрические функции.

Уравнение гипергеометрического типа и его решение. Основные свойства функций гипергеометрического типа. Рекуррентные соотношения. Разложения в степенные ряды. Функциональные соотношения и асимптотические представления. Представления различных функций через функции гипергеометрического типа. Некоторые элементарные функции. Полиномы Якоби, Лагерра и Эрмита. Функции второго рода. Цилиндрические функции.

#### **Раздел 4**

Тема 10. Обобщенные функции.

Основные и обобщенные функции, действия с ними. Интегральные преобразования обобщенных функций. Фундаментальные решения основных дифференциальных операторов.

Тема 11. Применение обобщенных функций.

Классическая и обобщенная задачи Коши. Решение краевых задач.

#### **Раздел 5**

Тема 12. Некоторые нелинейные уравнения математической физики.

Уравнения Бюргера и Кортевега-де Фриза. Задача Стефана о фазовом переходе. Некоторые методы решения нелинейных уравнений.

### **5.2 Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами**

№ п/п	Наименование обеспечиваемых (последующих) дисциплин	№ № разделов и тем данной дисциплины, необходимых для изучения обеспечиваемых (последующих) дисциплин (вписываются разработчиком)									
		1.1	2.3	2.5	3.7	3.8	4.11	5.12			
1.	Электродинамика										
2.	Квантовая механика								3.	4.11	4.12
									9		

### **5.3. Разделы и темы дисциплин (модулей) и виды занятий**

№ п/п	Наименование раздела	Наименование темы	Виды занятий в часах					
			Лекц.	Практ. зан.	Семина	Лаб. зан.	СРС	Всего
1.	Раздел 1	<u>1. Физические задачи, приводящие к уравнениям в частных производных.</u>	4	4			2	10
2.		<u>2. Классификация уравнений в</u>	2	4			2	8

		<u>частных производных второго порядка.</u>					
3.	Раздел 2	3. <u>Уравнения гиперболического типа (методы решения).</u>	3	4		2	9
4.		4. Метод разделения переменных.	6	6		4	16
		5. <u>Уравнения параболического типа.</u>	3	4		2	9
		6. <u>Уравнения эллиптического типа.</u>	3	4		4	11
	Раздел 3	7. <u>Сферические функции</u>	7	4		4	15
		8. <u>Цилиндрические функции.</u>	6	4		4	14
		9. <u>Гипергеометрические функции</u>	2	2			4
	Раздел 4	10. <u>Обобщенные функции.</u>	8	8		4	20
		11. <u>Применение обобщенных функций.</u>	6	6		4	16
	Раздел 5	12. <u>Некоторые нелинейные уравнения математической физики.</u>	4	4		4	12

### 6. Перечень семинарских, практических занятий и лабораторных работ

№ п/п	№ раздела и темы дисциплины (модуля)	Наименование семинаров, практических и лабораторных работ	Трудоемкость (часы)	Оценочные средства	Формируемые компетенции
1	2	3	4	5	6
1.	1.1	Составление математической модели и задачи для физического явления	4	Дом. Контрольное задание	ОПК-2,3
2.	1.2	Приведение уравнений к каноническому виду	4	То же	ОПК-2,3
3.	2.3	Решение гиперболических задач методами характеристик и отражения	4	То же	ОПК-2,3
4.	2.4	Метод Фурье (разделения переменных) в однородных и неоднородных задачах	6	То же	ОПК-2,3
5.	2.5	Метод Фурье для параболических задач	4	Контрольная работа	ОПК-2,3
6.	2.6	Эллиптические задачи (разделение переменных)	4	Домашнее контрольное задание	ОПК-2,3
7.	3.7	Полиномы Лежандра и сферические функции	4	То же	ОПК-2,3
8.	3.8	Цилиндрические функции	4	То же	ОПК-2,3
9.	3.9	Гипергеометрические и другие специальные функции	2	Контрольная работа	ОПК-2,3
10.	4.10	Действия с обобщенными функциями	8	Домашнее контрольное задание	ОПК-2,3
11.	4.11	Обобщенные задачи Коши и краевые задачи	6	Контрольная работа	ОПК-2,3

12.	<b>5.12</b>	Автомодельные задачи, Решение нелинейных уравнений методом возмущений и замены переменных	4	Домашнее контрольное задание	ОПК-2,3
-----	-------------	---	---	------------------------------	---------

### 6.1. План самостоятельной работы студентов

№ нед.	Тема	Вид самостоятельной работы	Задание	Рекомендуемая литература	Количество часов
1 - 2	1.1 Составление уравнений и постановка граничных условий	Внеаудиторная, решение задач	Составить уравнения диффузии частиц с поглощением, рождением и распадом	Пункт 8, о — основная, д — дополнительная. 3 о, 6 о, 1д	2
	1.2 Приведение уравнений к каноническому виду	Внеаудиторная, решение задач	Привести заданное уравнение с двумя (тремя) переменными к каноническому виду	2 о, 3 о	2
	1.3 Задачи на распространение волн	Внеаудиторная, решение задач	Найти характеристики для заданных уравнений и получить общий вид решений	2 о	2
	1.4 Решение смешанных задач колебаний	Внеаудиторная, решение задач	Решение неоднородных задач, редукция неоднородных граничных условий	2 о, 4 о, 6 о, 2 д	4
	1.5 Решение диффузионных задач	Внеаудиторная, решение задач	То же для задач параболического вида	2 о, 4 о, 6 о, 2 д	2
	1.6 Решение стационарных задач	Внеаудиторная, решение задач	Нахождение собственных векторов и собственных значений задач Штурма-Лиувилля	2 о, 4 о, 6 о, 2 д	4
	1.7 Мультипольное разложение по сферическим гармоникам	Внеаудиторная, решение задач, работа над рефератом	Разложение в ряд Фурье по сферическим функциям	2 о, 3 о, 6 о, 2 д	4
	1.8 Исследование различных цилиндрических функций	Внеаудиторная, решение задач, работа над рефератом	Асимптотика цилиндрических функций. Цилиндрические функции мнимого аргумента	2 о, 3 о, 6 о, 2 д	4
	1.9 Ортогональные полиномы	Внеаудиторная, решение задач, работа над рефератом	Решения уравнения Шредингера для осциллятора и для кулоновского потенциала	2 о, 3 о, 6 о, 2 д	
	1.10 Работа с обобщенными функциями	Внеаудиторная, решение задач	Дифференцирование, интегрирование и преобразование Фурье обобщенных функций	1 о, 4 о	4
	1.11 Классическая и обобщенная задачи Коши	Внеаудиторная, решение задач, работа над рефератом	Найти фундаментальные решения, построить функции Грина. Решить краевые и задачи Коши	1 о, 4 о	4
	1.12 Исследования	Внеаудиторная,	Изучить методы решения	5 о, 1 д	4

ние нелинейных уравнений	решение задач, работа над рефератом	систем уравнений гидродинамики. Задача Стефана о движении границы фазового перехода		
--------------------------	-------------------------------------	---	--	--

## 6.2 Методические указания по организации самостоятельной работы студентов

В разделе 6.1. студентам для самостоятельного углубленного изучения дисциплины (параллельно с лекциями) предлагаются задачи по изучаемым разделам и график их изучения. Предполагается, что студент самостоятельно изучит дополнительные параграфы по пройденной теме, представленные в литературе из п. 8, а затем решит предложенные в п. 6.1 задачи. Оценка самостоятельной работы студентов проводится в виде приема контрольных заданий и реферата.

## 7. Примерная тематика курсовых работ (проектов) (при наличии)

Курсовые не предусмотрены.

## 8. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля):

а) основная литература

1. Головкин Е. А. Уравнения математической физики. Руководство к решению задач: учеб. пособие: ч. 1 – Иркутск : Изд-во ИГУ 2014. 130 с. (физмат 35073; нф А645063) (48 экз.)
2. Головкин Е. А. Уравнения математической физики. Руководство к решению задач : учеб. пособие : ч. 2 – Иркутск : Изд-во ИГУ 2014. 142 с. (физмат 35074; нф А645064) (48 экз.)

б) дополнительная литература

1. Владимиров В.С. Уравнения математической физики: Учебник для Вузов / В. С. Владимиров, В. В. Жаринов. – 2-е изд., стер. - М. : ФИЗМАТЛИТ, 2008. – 400 с. ISBN 5922100114 (46 экз.)
2. Свешников А. Г. Лекции по математической физике. Учеб. Пособие / А.Г. Свешников, А. Н. Боголюбов, В. В. Кравцов — 2-е изд., испр. и доп. - М.: Изд-во МГУ, Наука 2004. - 350 с. ISBN 5-211-04899-7. - ISBN 5-02-033541-x (2 экз.)
3. Владимиров В. С. Сборник задач по уравнениям математической физики / В. С. Владимиров [и др.]; под ред. В. С. Владимирова. – 4-е изд., стереотип. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2003. -288 с. ISBN 5-9221-0309-1 (5 экз.)
4. Будак Б.М. Сборник задач по математической физике / Б.М. Будак, А. А. Самарский, А. Н. Тихонов. - 4 издание, М. ФИЗМАТЛИТ, 2004. – 688 с. (2 экз.)
5. Самарский А. А. Математическое моделирование: Идеи. Методы. Примеры.: учебное пособие / А.А. Самарский, А.П. Михайлов. – 3-е изд. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2005. -320 с. (2 экз.)
6. Голоскоков Д.Л. Уравнения математической физики. Решение задач в системе Maple: учебник для вузов / Д. Л. Голоскоков. - С.-Петербург: ПИТЕР, 2004, 544 с. (2 экз.)
7. Арсенин В. А. Методы математической физики и специальные функции. Учеб. пособие / В. А. Арсенин. – 2-е изд., переработ. и доп. М. Наука, Главная редакция физико-математической литературы, 1984. - 384 с. (2 экз.)
8. Полянин А.Д. Методы решения нелинейных уравнений математической физики и механики : учеб. пособие / А. Д. Полянин, В. Ф. Зайцев, А. И. Журов. М.: ФИЗМАТЛИТ, 2009, - 256 с. (1 экз.)
9. Мартинсон, Леонид Карлович. Дифференциальные уравнения математической физики [Текст] / Л. К. Мартинсон, Ю. И. Малов. - Изд. 3-е, испр. - М. : МГТУ им. Н. Э. Баумана, 2006. - 368 с. (8)

*Сверено с № 415*



в) базы данных, информационно-справочные и поисковые системы

<http://library.isu.ru/> - Научная библиотека ИГУ;

Образовательные ресурсы, доступные по логину и паролю, предоставляемым Научной библиотекой ИГУ:

- <https://isu.bibliotech.ru/> - ЭЧЗ «БиблиоТех»;

- <http://e.lanbook.com> - ЭБС «Издательство «Лань»;

- <http://rucont.ru> - ЭБС «Рукопт» - межотраслевая научная библиотека, содержащая оцифрованные книги, периодические издания и отдельные статьи по всем отраслям знаний, а также аудио-, видео-, мультимедиа софт и многое другое;

- <http://ibooks.ru/> - ЭБС «Айбукс» - интернет ресурсы в свободном доступе;

## 9. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)

Для проведения занятий лекционного типа в качестве демонстрационного оборудования используется меловая доска. Наглядность обеспечивается путем изображения схем, диаграмм и формул с помощью мела. Использование глобальной компьютерной сети позволяет обеспечить доступность Интернет-ресурсов и реализовать самостоятельную работу студентов. На лекциях могут использоваться мультимедийные средства: проектор, переносной экран, ноутбук. На факультете имеется компьютеризированная аудитория, предназначенная для самостоятельной работы, с неограниченным доступом в Интернет.

Материалы: учебно-методические пособия, задания для аудиторной и самостоятельной работы студентов.

## 10. Образовательные технологии:

Задачи изложения и изучения дисциплины реализуются в следующих формах деятельности:

- лекции, нацеленные на получение необходимой информации, и ее использование при решении практических задач;
- практические занятия, направленные на активизацию познавательной деятельности студентов и приобретения ими навыков решения практических и проблемных задач;
- консультации –еженедельно для всех желающих студентов;
- самостоятельная внеаудиторная работа направлена на приобретение навыков самостоятельного решения задач по дисциплине;
- текущий контроль за деятельностью студентов осуществляется на лекционных и практических занятиях в ходе самостоятельного решения задач, в том числе у доски.

## 11. Оценочные средства (ОС)

Фонд оценочных средств представлен в приложении.

### Материалы для проведения текущего и промежуточного контроля знаний студентов

№ п\п	Вид контроля	Контролируемые темы (разделы)	Компетенции, компоненты которых контролируются
1	Контрольная работа	Решение задач математической физики методом Фурье	ОПК-2,3
2	Контрольная работа	Использование специальных функций	ОПК-2,3

3	Контрольная работа	Применение обобщенных функций для решения задач математической физики	ОПК-2,3
---	--------------------	---	---------

### Демонстрационный вариант контрольной работы №1

1. Найти решение неоднородного уравнения и выяснить условие резонанса:

$$u_{tt} = a^2 u_{xx} + \frac{\phi_0 a^2}{T} \sin \omega t$$

с нулевыми начальными и однородными граничными условиями в области  $0 \leq x \leq \ell$ .

2. Найти функцию Грина для полупространства и полуплоскости в случае первой краевой задачи.

### Вопросы для самостоятельной работы студентов по курсу

#### «Методы математической физики»

Форма отчётности, - реферат.

1. Цилиндрические функции, их асимптотика при малых и больших значениях аргумента. Уравнения Бесселя, модифицированное уравнение Бесселя. Норма и нули цилиндрических функций.

2. Уравнение Лежандра. Полиномы Лежандра, второе линейно-независимое решение уравнения Лежандра. Производящая функция, мультипольное разложение. Норма полиномов Лежандра.

3. Присоединённые полиномы Лежандра, их норма. Сферические функции. Собственные колебания сферы.

4. Сферические функции и полиномы Лагерра. Разделение переменных в уравнении Шредингера для атома водорода. Ортогональность и норма полиномов Лагерра.

5. Задача Коши для волнового уравнения. Фундаментальное решение волнового оператора ( $n=1, 2, 3$ ). Формулы Даламбера, Пуассона и Кирхгофа.

6. Задача Коши для уравнения теплопроводности. Фундаментальное решение оператора теплопроводности. Тепловой потенциал. Формула Пуассона.

7. Метод разделения переменных. Сведение к задаче Штурма-Лиувилля. Свойства собственных функций и собственных значений задачи Ш.-Л.. Теорема Стеклова о разложимости в ряд Фурье.

8. Задачи Дирихле и Неймана. Функция Грина для задачи Дирихле, её свойства. Решение краевой задачи с помощью функции Грина. Формула Пуассона.

9. Нелинейные уравнения и системы уравнений, линеаризация. Метод возмущений. Пример: Система уравнений гидродинамики идеальной жидкости.

10. Метод характеристик. Характеристические направления дифференциальных операторов. Решения задач методом характеристик.

### Примерный перечень вопросов и заданий к экзамену

1. Основные понятия о методах математической физики (МФ). Математические модели физических объектов.

2. Уравнения математической физики. Дифференциальные уравнения в частных производных. Основные понятия и определения. Основные типы уравнений математической физики. Корректность постановок задач МФ.

3. Вывод волнового уравнения (уравнения колебаний струны). Вид уравнения колебаний мембраны.

4. Решение уравнения колебаний струны методом Фурье.

5. Вывод уравнения распространения теплоты в стержне. Уравнение теплопроводности. Краевая задача. Распространение теплоты в пространстве.

6. Решение задачи теплопроводности в неограниченном стержне методом Фурье. Интеграл Пуассона.
7. Распространения теплоты в ограниченном стержне.
8. Уравнение Лапласа. Стационарное распределение температуры в однородном теле. Типы краевых задач.
9. Решение задачи Дирихле для кольца. Уравнение Лапласа в цилиндрической системе координат.
10. Решение задачи Дирихле для круга. Интеграл Пуассона в полярной системе координат.
11. Решение первой краевой задачи для уравнения теплопроводности методом конечных разностей.
12. Классификация уравнений МФ (однородные, неоднородные; линейный, квазилинейные; порядок уравнения).
13. Решение линейного дифференциального уравнения первого порядка в частных производных. Соответствующее уравнение.
14. Приведение дифференциального уравнения второго порядка к каноническому виду. Уравнение характеристик.
15. Специальные функции и задачи, приводящие к специальным функциям. Гамма-функция.
16. Цилиндрические функции. Уравнение Бесселя. Функция Бесселя первого рода нулевого порядка. Уравнение Бесселя и его общее решение. Функция Бесселя второго рода нулевого порядка.
17. Сферические функции. Полиномы Лежандра. Свойства полиномов Лежандра.
18. Производящая функция. Функция Лежандра второго рода. Присоединенные полиномы Лежандра. Ортогональность сферических функций.
19. Основные и обобщенные функции. Дифференцирование обобщенных функций.
20. Фурье-преобразование, прямое произведение и свертка обобщенных функций.
21. Фундаментальные решения дифференциальных операторов.
22. Использование обобщенных функций при решении задач математической физики.
23. Нелинейные уравнения математической физики, линеаризация. Метод возмущений.
24. Различные методы поиска решений нелинейных задач математической физики.

**Разработчики:**



(подпись)

ст.преп. кафедры теоретической физики

Э.Г. Аман

Программа рассмотрена на заседании кафедры теоретической физики

«13» мая 2016 г.

Протокол № 8 Зав. кафедрой \_\_\_\_\_ С.В. Ловцов



**Настоящая программа не может быть воспроизведена ни в какой форме без предварительного письменного разрешения кафедры-разработчика программы.**

**Лист согласования, дополнений и изменений  
на 2017/2018 учебный год**

К рабочей программе дисциплины Б1.Б.14.8 Методы математической физики по направлению 03.03.02 Физика профилю Физика конденсированного состояния

В рабочую программу дисциплины вносятся следующие дополнения: нет дополнений.

Изменения одобрены Ученым советом физического факультета,  
протокол №8 от 19.06.2017 г.

Зав. кафедрой теоретической физики



С.В. Ловцов